

## Loodrecht

### 9 maximumscore 7

- De coördinaten van  $C$  zijn  $(28, 14\sqrt{3})$  1
- De coördinaten van  $D$  zijn  $(7, 7\sqrt{3})$  1
- Een vergelijking van  $AD$  is  $y = -\frac{1}{5}\sqrt{3}(x-42)$  (of een gelijkwaardige uitdrukking) 2
- Een vergelijking van  $OC$  is  $y = \frac{1}{2}\sqrt{3} \cdot x$  1
- $\frac{1}{2}\sqrt{3} \cdot x = -\frac{1}{5}\sqrt{3}(x-42)$  oplossen geeft  $x = 12$  2

of

- De coördinaten van  $C$  zijn  $(28, 14\sqrt{3})$  1
- De coördinaten van  $D$  zijn  $(7, 7\sqrt{3})$  1
- Een vectorvoorstelling van  $AD$  is  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 42 \\ 0 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} -5 \\ \sqrt{3} \end{pmatrix}$  1
- Een vergelijking van  $OC$  is  $y = \frac{1}{2}\sqrt{3} \cdot x$  1
- Substitutie geeft  $t\sqrt{3} = \frac{1}{2}\sqrt{3}(42-5t)$  1
- Dit geeft  $t = 6$  1
- Dus  $x = 12$  1

of

- De coördinaten van  $C$  zijn  $(28, 14\sqrt{3})$  1
- De coördinaten van  $D$  zijn  $(7, 7\sqrt{3})$  1
- Een vectorvoorstelling van  $AD$  is  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 42 \\ 0 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} -5 \\ \sqrt{3} \end{pmatrix}$  1
- Een vectorvoorstelling van  $OC$  is  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = s \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ \sqrt{3} \end{pmatrix}$  1
- Beschrijven hoe het stelsel  $\begin{cases} 42-5t = 2s \\ t\sqrt{3} = s\sqrt{3} \end{cases}$  kan worden opgelost 1
- Dit geeft  $(s =) t = 6$  1
- Dus  $x = 12$  1

of

- Als in  $O$ ,  $B$  en  $A$  achtereenvolgens massa's 4, 2 en 1 liggen, is  $C$  het zwaartepunt van de massa's in  $A$  en  $B$  en is  $D$  het zwaartepunt van de massa's in  $O$  en  $B$  4
- $E$  is het zwaartepunt van deze drie massa's, dus de  $x$ -coördinaat van  $E$  is  $\frac{4}{7} \cdot 0 + \frac{2}{7} \cdot 21 + \frac{1}{7} \cdot 42 = 12$  3

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

**10 maximumscore 3**

- De richtingscoëfficiënt van  $AE$  is  $\frac{-6\sqrt{3}}{30}$  (of  $-\frac{1}{5}\sqrt{3}$ ) 1
  - De richtingscoëfficiënt van  $BE$  is  $\frac{15\sqrt{3}}{9}$  (of  $\frac{5}{3}\sqrt{3}$ ) 1
  - Het product van de richtingscoëfficiënten van  $AE$  en  $BE$  is  $(\frac{-6\sqrt{3}}{30} \cdot \frac{15\sqrt{3}}{9} =) -\frac{1}{5}\sqrt{3} \cdot \frac{5}{3}\sqrt{3} = -1$  (dus  $\angle AEB = 90^\circ$ ) 1
- of
- Een richtingsvector van  $AE$  is  $\begin{pmatrix} -30 \\ 6\sqrt{3} \end{pmatrix}$  (of  $\begin{pmatrix} -5 \\ \sqrt{3} \end{pmatrix}$ ) 1
  - Een richtingsvector van  $BE$  is  $\begin{pmatrix} -9 \\ -15\sqrt{3} \end{pmatrix}$  (of  $\begin{pmatrix} 3 \\ 5\sqrt{3} \end{pmatrix}$ ) 1
  - $(\begin{pmatrix} -5 \\ \sqrt{3} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ 5\sqrt{3} \end{pmatrix} =) \begin{pmatrix} -30 \\ 6\sqrt{3} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -9 \\ -15\sqrt{3} \end{pmatrix} = 0$  (dus  $\angle AEB = 90^\circ$ ) 1
- of
- $AB^2 = 21^2 + (21\sqrt{3})^2$  (of  $AB^2 = 42^2$ ),  $BE^2 = 9^2 + (15\sqrt{3})^2$  en  $AE^2 = 30^2 + (6\sqrt{3})^2$  1
  - Dit is respectievelijk 1764, 756 en 1008 1
  - $AB^2 = BE^2 + AE^2$  (dus  $\angle AEB = 90^\circ$ ) 1